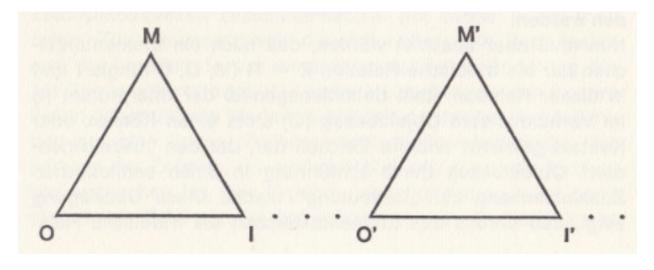
#### Prof. Dr. Alfred Toth

### Semiotische Operationen und ortsfunktionale Zählweisen

1. Eine eigentliche Überraschung stellt die Tatsache dar, daß die bereits 1971 von Bense eingeführten drei semiotischen Operationen der Adjunktion, Superisation und Iteration (vgl. Bense 1971, S. 52 ff.) genauso wie die drei ortsfunktionalen Zählweisen der Adjazenz, Subjazenz und Transjazenz ein 2-dimensionales Zahlenfeld und keine 1-dimensionale Linie wie diejenige der Peanofolge voraussetzen. Dies ist umso erstaunlicher, als Bense wiederholt die Isomorphie der Peanozahlen und der von ihm Primzeichen genannten Zeichenzahlen nachzuweisen gesucht hatte (vgl. Bense 1975, S. 167 ff.; 1981, S. 17 ff.; 1983, S. 192 ff.). Bereits in Toth (2015) war ferner darauf hingewiesen worden, daß Benses kategorietheoretische Zeichendefinition (vgl. Bense 1979, S. 53 u. 67) nicht nur das Fundierungsaxiom der Mengentheorie außer Kraft setzt, sondern ein 3-fach gestuftes 2-dimensionales Zählschema voraussetzt.

### 2.1. Adjunktion und Adjazenz

### 2.1.1. Semiotische Adjunktion



(aus: Bense 1971, S. 52)

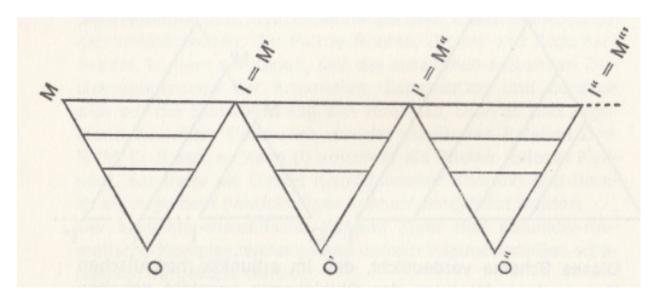
# 2.1.2. Arithmetische Adjazenz

#### 2.1.2.1. Zahlenfelder

- $0_{i}$  $0_{i}$  $1_{j}$  $1_{\rm i}$  $0_{j}$  $1_{j}$  $0_{j}$  $1_{i}$  $\emptyset_j$  $\emptyset_j$  $\emptyset_j$  $oldsymbol{\emptyset}_i$  $\emptyset_j$  $oldsymbol{\emptyset}_i$  $\mathbf{Ø}_{i}$  $\mathbf{Ø}_{i}$ × × X  $\mathbf{Ø}_{j}$  $\emptyset_j$  $\emptyset_i$  $\emptyset_i$  $\emptyset_{i}$  $\emptyset_{j}$  $\emptyset_{i}$  $\mathbf{Ø}_{j}$
- 2.1.2.2. Relationalzahlen
- (0,1) (1,0)  $(0_1,1_1)$   $(1_1,0_1)$   $(0_{-1},1_{-1})$  (0,1) (1,0)

## 2.2. Superisation und Subjazenz

# 2.2.1. Semiotische Superisation



(aus: Bense 1971, S. 54)

# 2.2.2. Arithmetische Subjazenz

## 2.2.2.1. Zahlenfelder

- $oldsymbol{\emptyset}_j$  $0_{i}$
- $\emptyset_{i}$  $0_{j}$
- $Q_j$  $0_{i}$
- $\mathbf{Ø}_{\mathrm{i}}$  $0_{j}$

- $olimits 
  olimits_j$  $1_{i}$
- $1_j$  $\mathcal{O}_{\mathrm{i}}$
- $olimits 
  olimits_j$  $1_{i}$
- $oldsymbol{\emptyset}_i$  $1_{j}$

- ×
- X

 $0_{\rm i}$ 

- ×
- $\emptyset_{i}$  $1_{j}$
- $\emptyset_j$  $1_{i}$
- $\emptyset_{i}$  $1_{j}$

 $olimits 
olimits_j$  $0_{i}$ 

 $1_{i}$ 

 $Q_j$ 

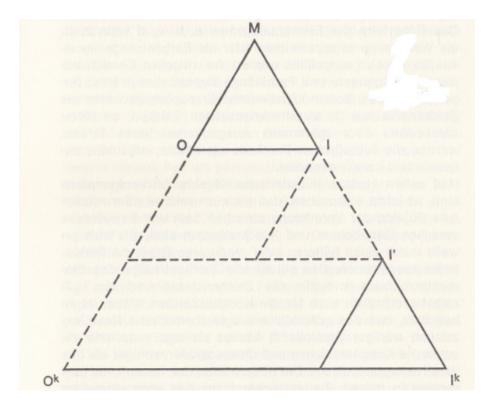
- $\mathbf{Ø}_{i}$  $0_{j}$
- $\emptyset_j$
- $\not \! D_i$  $0_{j}$

## 2.2.2.2. Relationalzahlen

- $(0 \leftarrow 1_{-1})$
- $(1_{-1} \rightarrow 0)$
- $(0-1 \leftarrow 1)$
- $(1 \to 0_{-1})$

## 2.3. Iteration und Transjazenz

## 2.3.1. Semiotische Iteration



#### 2.3.2. Arithmetische Transjazenz

#### 2.3.2.1. Zahlenfelder

 $0_{i}$  $\emptyset_i$   $\emptyset_{i}$  $0_{i}$   $\emptyset_{i}$  $0_{\rm i}$ 

 $\emptyset_{i}$  $0_{i}$ 

 $\emptyset_{i}$  $1_{i}$   $1_{\rm i}$ 

 $\emptyset_i$ 

 $\emptyset_i$  $1_{i}$ 

×

×

×

 $1_{i}$ 

 $1_{i}$ 

 $\emptyset_i$ 

 $\emptyset_i$ 

 $1_{i}$  $\emptyset_i$   $\emptyset_i$  $1_{\rm i}$ 

 $\emptyset_i$  $0_{i}$ 

 $\emptyset_{i}$ 

 $0_{i}$  $\emptyset_{i}$ 

 $\emptyset_i$ 

 $1_{\rm j}$ 

 $0_{i}$ 

 $0_{i}$  $\emptyset_{i}$ 

#### 2.3.2.2. Relationalzahlen

 $(0, 1_{-1})$ 

(1-1,0)

(0-1, 1)

 $(1, 0_{-1})$ 

#### Literatur

Bense, Max, Zeichen und Design. Baden-Baden 1971

Bense, Max, Semiotische Prozesse und Systeme. Baden-Baden 1975

Bense, Max, Die Unwahrscheinlichkeit des Ästhetischen. Baden-Baden 1979

Bense, Max, Axiomatik und Semiotik. Baden-Baden 1981

Bense, Max, Das Universum der Zeichen. Baden-Baden 1983

Toth, Alfred, Einbettungstheoretische Semiotik I-II. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015

#### 19.6.2015